

MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO CENTRO FEDERAL DE EDUCAÇÃO TECNOLÓGICA DE MINAS GERAIS DIRETORIA DE GRADUAÇÃO

Plano de Ensino

CAMPUS: Nova Gameleira

DISCIPLINA: Cálculo com funções de várias variáveis II **CÓDIGO**: G00CFVV2.01

Início: 02/2023

Carga Horária: Total: 60 horas/aula Semanal: 04 aulas Créditos: 04

Natureza: Teórica

Área de Formação - DCN: Básica

Competências/habilidades a serem desenvolvidas: Definido no PPC de cada curso

Departamento que oferta a disciplina: Departamento de Matemática

Ementa:

Integrais duplas: conceito, cálculo, mudanças de coordenadas cartesianas para polares e aplicações. Integrais triplas: conceito, cálculo, mudanças de coordenadas cartesianas para cilíndricas e esféricas, e aplicações. Comprimento de arco de curva parametrizada. Campos vetoriais, campo gradiente, Rotacional e Divergente. Integrais curvilíneas e de superfície. Teoremas integrais: Green, Gauss e Stokes.

Curso(s)	Período	Eixo	Obrigatória	Optativa
Engenharia de Computação	3°	Matemática	Χ	
Engenharia Elétrica	3°	Matemática e	×	
Engennana Eletitea	3	Fundamentos de Ciência	^	
Engenharia de Materiais	3°	Matemática	Χ	
Engenharia Mecânica	3°	Matemática	Χ	
Engenharia de Produção Civil	3°	Matemática	Χ	
Engenharia de Transportes	3°	Matemática	Χ	

INTERDISCIPLINARIDADES

Pré-requisitos		
Integração e Séries		
Cálculo com Funções de Várias Variáveis I		
Correquisitos		

	Obj	Objetivos: A disciplina deverá possibilitar ao estudante					
	1	Calcular integrais duplas, com uso de coordenadas cartesianas e polares.					
	2	Calcular integrais triplas, com uso de coordenadas cartesianas, cilíndricas e esféricas.					
	3	Realizar mudanças de coordenadas em integrais duplas e triplas.					
	4	Calcular integrais de caminho e de superfície.					
	5	5 Relacionar integrais de caminho e de superfície com integrais duplas ou triplas, com					
		uso dos teoremas integrais.					
ſ	6	Usar as integrais no cálculo de áreas, volumes, momentos, centróides.					



MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO CENTRO FEDERAL DE EDUCAÇÃO TECNOLÓGICA DE MINAS GERAIS DIRETORIA DE GRADUAÇÃO

Plano de Ensino

7	Perceber que o Cálculo é instrumento indispensável para a aplicação em trabalhos atuais em diversos campos.
8	Ter consciência da importância do Cálculo Diferencial e Integral como base para a continuidade de seus estudos.
9	Adquirir aptidão para reconhecer e equacionar problemas práticos que sejam representados por integrais de linha e superfície.

Unidades de ensino	Carga-horária Horas/aula
 INTEGRAIS MÚLTIPLAS Integral dupla e repetida. Aplicações da integral dupla. Volumes. Valor médio. Centroide. Centro de massa. Integral dupla em coordenadas polares. Aplicações. Integral tripla. Cálculo como integral repetida. Momento de inércia. Coordenadas cilíndricas e esféricas. Integral tripla nestas coordenadas. Centroide. Centro de massa. Momento de inércia. Mudança de variável em integrais duplas e triplas. Jacobiano. INTEGRAIS CURVILÍNEAS E DE SUPERFÍCIE 	30
 Parametrização de curvas e integrais de linha. Comprimento de arco. Independência de caminhos. Operadores diferenciais: gradiente, divergente, rotacional e suas propriedades. Funções potenciais, campos conservativos. Parametrização de superfícies e vetor normal. Integrais de superfícies. Área de Superfície. Cálculo de Integrais de superfícies. 	14
 TEOREMAS INTEGRAIS Teorema de Green no plano Teorema de Gauss Teorema de Stokes Caracterização de campos conservativos Aplicações diversas 	16
Total	60



MINISTÉRIO DA EDUCAÇÃO CENTRO FEDERAL DE EDUCAÇÃO TECNOLÓGICA DE MINAS GERAIS DIRETORIA DE GRADUAÇÃO

Plano de Ensino

Bibliografia Básica

- 1 THOMAS, G. B. Cálculo: volume 2. 11. ed. São Paulo: Pearson Addison Wesley, 2008.
- 2 STEWART, J. Cálculo: volume 2. 5. ed. São Paulo: Thomson, 2006.
- 3 EDWARDS, C. H.; PENNEY, D. E. **Cálculo com geometria analítica**. 4. ed. Rio de Janeiro: Prentice-Hall, 1997. 3 v.

Bibliografia Complementar

- 1 ANTON, H.; BIVENS, I. Cálculo: volume II. 10. ed. Porto Alegre: Bookman, 2014.
- 2 SIMMONS, G. F. **Cálculo com geometria analítica**: volume 2. São Paulo: Pearson Makron Books, 1987.
- 3 SWOKOWSKI, E. W. **Cálculo com geometria analítica**: volume 2. 2. ed. São Paulo: Makron Books, 1995.
- 4 FLEMMING, D. M.; GONÇALVES, M. B. **Cálculo B**: funções de várias variáveis, integrais duplas e triplas. São Paulo: Prentice-Hall, 2007.
- 5 FLEMMING, D. M.; GONÇALVES, M. B. **Cálculo C**: funções vetoriais, integrais curvilíneas, integrais de superfície. 3. ed. São Paulo: Makron, 2000.

FOLHA DE ASSINATURAS

PLANO DE ENSINO Nº 1201/2024 - DIRGRAD (11.51)

(Nº do Protocolo: NÃO PROTOCOLADO)

(Assinado digitalmente em 23/05/2024 16:36) MOACIR FELIZARDO DE FRANCA FILHO DIRETOR DIRGRAD (11.51) Matrícula: ###233#5

Visualize o documento original em https://sig.cefetmg.br/documentos/ informando seu número: 1201, ano: 2024, tipo: PLANO DE ENSINO, data de emissão: 20/05/2024 e o código de verificação: b84830590a